

## DM507 – Opgaver uge 13

Opgaverne med rekursionsligninger i denne uge skal (medmindre andet er angivet) løses både ved hjælp af rekursionstræsmetoden (afsnit 4.4) og ved hjælp af Master Theorem (afsnit 4.5)—det sidste når det er muligt.

En tredje metode er substitutionsmetoden (afsnit 4.3), som principielt er ganske enkel (det er blot et induktionsbevis) og som er meget generel. Den kræver dog et godt gæt på en løsning, og kan også være lidt teknisk at bruge. Den vil derfor ikke være pensum.

Omhyggeligt udført fungerer rekursionstræmetoden aldeles fint som bevis (og ikke kun som generator af gæt til substitutionsmetoden, hvilket ellers synes at være bogens synspunkt i afsnit 4.4—i modstrid med at beviset i afsnit 4.6 (ikke pensum) for Master Theorem netop er en anvendelse af rekursionstræmetoden på en generisk rekursionsligning).

Angående løsning af rekursionsligninger, vær sikker på at have læst side 67 om tekniske detaljer der generelt kan udelades når man arbejder med rekursionsligninger (for den enkelte rekursionsligning er det i øvrigt som regel nemt under brugen af rekursionstræsmetoden at se at de kan udelades, jvf. f.eks. øvelse 4.4-3 nedenfor).

### Eksaminatorier I

1. Eksamen juni 2013, opgave 6.
2. Eksamen juni 2008, opgave 5.
3. Cormen et al. opgave 2.3 (side 41). Hint: for at overskue situationen, prøv algoritmen på konkrete instanser, og skriv summen i spørgsmål c ud.
4. Cormen et al. øvelse 4.4-1 (side 92). Udelad at bruge substitutionsmetoden, som ellers angivet til sidst, men løs i stedet også rekursionsligningen via Master Theorem som check.

5. Cormen et al. øvelse 4.4-2 (side 92). Udelad at bruge substitutionsmetoden, som ellers angivet til sidst, men løs i stedet også rekursionsligningen via Master Theorem som check.
6. Cormen et al. øvelse 4.4-7 (side 93). Udelad at bruge substitutionsmetoden, som ellers angivet til sidst, men løs i stedet også rekursionsligningen via Master Theorem som check.

## Eksaminatorier II

1. (\*) Cormen et al. øvelse 4.4-3 (side 93). Udelad at bruge substitutionsmetoden, som ellers angivet til sidst. Kan man løse rekursionsligningen via Master Theorem?
2. Cormen et al. øvelse 4.4-4 (side 93). Udelad at bruge substitutionsmetoden, som ellers angivet til sidst. Kan man løse rekursionsligningen via Master Theorem?
3. Cormen et al. øvelse 4.5-3 (side 97).
4. Eksamen juni 2010, opgave 1a. (Opgaven behøves kun løst med Master Theorem.)
5. Eksamen januar 2006, opgave 1c. (Opgaven behøves kun løst med Master Theorem.)
6. (\*) Cormen et al. øvelse 4.5-4 (side 97). Giv ikke kun en øvre grænse, men også en nedre grænse.

## Studiegrupper

Forslag til fokus for arbejde i studiegrupper (hvis man er i en sådan):

I invariant-opgaverne, arbejd med at forstå 1) hvordan invarianten er sand før første løkke gennemløb, 2) hvordan invarianten bliver vedligeholdt sand af løkkens handlinger under hver ny iteration af løkken, og 3) hvordan den betingelse, som fik løkken til at stoppe, sammen med invarianten beviser det ønskede om algoritmen ved dens afslutning.