

Prioritetskøer

Prioritetskøer?



En prioritetskø er en **datastruktur**.

Datastrukturer

Datastruktur = data + operationer herpå

Data:

- ▶ Ofte en ID + associeret data. ID kaldes også en nøgle (key).
- ▶ ID'er ofte fra et ordnet univers (har en ordning), f.eks. `int`, `float`, `String`.
- ▶ Vi nævner normalt ikke den associerede data. Dvs. elementer er reelt (ID,data) eller (ID,reference til data), men omtales blot som ID.

Operationer:

- ▶ Datastrukturens egenskaber udgøres af **de tilbudte operationer**, samt deres **køretider**.
- ▶ Målene er **fleksibilitet** og **effektivitet** (som regel modstridende mål).

Datastrukturer

Tænk på en datastruktur som et API for adgang til en samling data.

- ▶ **Datastrukturer niveau 1:** de tilbudte operationer (i Java: et interface).
- ▶ **Datastrukturer niveau 2:** en konkret implementation af de tilbudte operationer (i Java: en klasse som implementerer interfacet).

En givent sæt operationer kan have mange forskellig implementationer, ofte med forskellige køretider.

DM507: katalog af [datastrukturer med bred anvendelse](#) samt [effektive implementationer heraf](#).

Prioritetskøer

Data:

- ▶ Element = nøgle (ID) fra et ordnet univers + associeret data.

Centrale operationer (max-version af prioritetskø):

- ▶ Q .EXTRACT-MAX: Returnerer elementet med den største nøgle i prioritetskøen Q (et vilkårligt sådant element, hvis der er flere lige store). Elementet fjernes fra Q .
- ▶ Q .INSERT(e : element). Tilføjer elementet e til prioritetskøen Q .

Bemærk: vi kan sortere med disse operationer:

$n \times$ INSERT

$n \times$ EXTRACT-MAX

Prioritetskøer

Ekstra operationer:

- ▶ $Q.INCREASE-KEY(r: \text{reference til et element i } Q, k \text{ nøgle})$. Ændrer nøglen til $\max\{k, \text{gamle nøgle}\}$ for elementet refereret til af r .
- ▶ $Q.BUILD(L: \text{liste af elementer})$. Bygger en prioritetskø indeholdende elementerne i listen L .

Trivielle operationer for alle datastrukturer:

- ▶ $Q.ISEMPTY()$, $Q.CREATENEW()$, $Q.REMOVEEMPTY()$.

Vil ikke blive nævnt fremover.

Implementation via heaps

En mulig implementation: brug heapstrukturen fra Heapsort.

(NB: Arrayversionen af heaps kræver et kendt maximum for størrelsen n af køen. Alternativt kan array erstattes af et extendible array, f.eks. `java.util.ArrayList` i Java, eller man kan implementere heaptræet pointerbaseret.)

Vi har allerede:

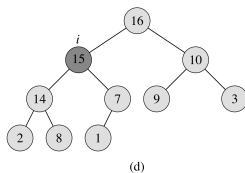
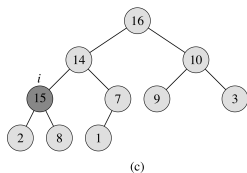
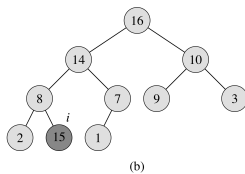
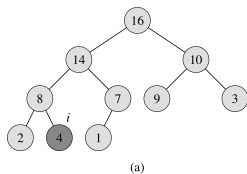
- ▶ **EXTRACT-MAX**: Er essentielt hvad der bruges under anden del af Heapsort – fjern rod, flyt sidste blad op som rod, kald `HEAPIFY`. Køretid: $O(\log n)$.
- ▶ **BUILD**: Brug `HEAPIFY` gentagne gange bottom-up. Køretid: $O(n)$.

Mangler:

- ▶ **INSERT**
- ▶ **INCREASE-KEY**

Increase-Key

1. Ændre nøgle for element.
2. Genopret heaporden.



Køretid: $O(\log n)$.

Insert

1. Indsæt nye element sidst (\Rightarrow heapfacon i orden).
2. Genopret heaporden som i Increase-Key.

Køretid: $O(\log n)$.

Forskellige implementationer af prioritetskøer

	Heap	Usorteret liste	Sorteret liste
EXTRACT-MAX	$O(\log n)$	$O(n)$	$O(1)$
BUILD	$O(n)$	$O(1)$	$O(n \log n)$
INCREASE-KEY	$O(\log n)$	$O(1)$	$O(n)$
INSERT	$O(\log n)$	$O(1)$	$O(n)$