

DM507/DS814 Algoritmer og datastrukturer

Forår 2025

Projekt, del I

Institut for matematik og datalogi
Syddansk Universitet

13. marts, 2025

Dette projekt udleveres i tre dele. Hver del har sin deadline, således at arbejdet strækkes over hele semesteret. Deadline for del I er mandag den 31. marts kl. 23:59. De tre dele I/II/III er ikke lige store, men har omfang omtrent fordelt i forholdet 15/25/60.

Projektet skal besvares i grupper af størrelse to eller tre.

Mål

Det overordnede mål for projektet i DM507 er træning i at overføre kursets viden om algoritmer og datastrukturer til programmering. Projektet og den skriftlige eksamen komplementerer hinanden, og projektet er ikke ment som en forberedelse til den skriftlige eksamen.

Det konkrete mål for del I af projektet er at implementere datastrukturen *prioritetskø*. Prioritetskøen vil blive brugt igen senere i del III af projektet.

Opgaven

Kort sagt er opgaven at overføre lærebogens pseudo-kode for prioritetskøer til et Python-program og derefter testen det, bl.a. ved at bruge det til at sortere tal.

Krav

Dit program skal hedde `PQHeap.py` og det skal implementere strukturen *Heap*. Heapen skal bestå af en liste `A` af tal (dvs. brug en liste i stedet for bogens array). Programmet skal indeholde følgende funktioner:

extractMin(A) Fjern elementet med mindst prioritet fra prioritetskøen A og returner det.

insert(A,e) Indsæt elementet e i prioritetskøen A.

createEmptyPQ() Returner en ny, tom prioritetskø (dvs. en tom liste).

Du skal basere implementationen på pseudo-koden i Cormen et al. kapitel 6 på siderne 175, 165 og 162, samt på den sammenskrivning af pseudo-koden fra side 176, som findes længere nede her i denne projektbeskrivelse [i 3. udgave er de tilsvarende sidetal 163, 154 og 152, samt 164].

For nemheds skyld skal du antage, at **extractMin(A)** kun kaldes på en ikke-tom prioritetskø. Det overlades til brugeren af prioritetskøen at sikre dette, f.eks. ved at holde styr på antal elementer i prioritetskøen.

Bemærk, at der udover **extractMin(A)**, **insert(A,e)** og **createEmptyPQ()** vil være brug for at implementere funktioner til internt brug i programmet.

Fra pseudo-kode til implementation

1. Du skal i dette projekt lave en *min*-heap struktur, mens bogen formulerer sin pseudo-kode for en *max*-heap struktur. Pseudo-koden skal derfor have alle uligheder mellem elementer vendt (men ikke uligheder mellem indekser).
2. Da vi bruger en liste, som automatisk kan gøre sig større og mindre i listens ende (med metoderne **append(x)** og **pop()** (uden argument)) skal værdien *heap-size* ikke vedligeholdes, men kan findes via funktionen **len(A)**.
3. Bogens pseudo-kode indekserer arrays startende med 1, mens Python starter med 0. Det betyder, at formlerne for venstre barn, højre barn og forælder skal justeres fra dem i bogen til følgende:
 - $\text{LEFT}(i) = 2i + 1$
 - $\text{RIGHT}(i) = 2i + 2$
 - $\text{PARENT}(i) = \lfloor (i - 1) / 2 \rfloor$
4. Det betyder også, at første index (roden) er 0 (ikke 1), og at sidste index (sidste blad) er **len(A)-1** (ikke *heap-size*). I pseudo-koden skal anvendelser af indekser og sammenligninger mellem indekser justeres tilsvarende.
5. I pseudo-koden på side 175 [side 163] kan **if** i linie 1–2 udelades pga. antagelsen om, at prioritetskøen ikke er tom.

6. På side 176 [side 164] kan de to stykker pseudo-kode på siden bygges sammen til ét, da vi ikke skal lave en `increaseKey`. Dette giver nedenstående variant af pseudo-koden for `insert`. Denne variant skal bruges i projektet.

```
MAX-HEAP-INSERT(A, key)
  A.heap-size = A.heap-size + 1
  i = A.heap-size
  A[i] = key
  while i > 1 and A[PARENT(i)] < A[i]
    exchange A[i] with A[PARENT(i)]
    i = PARENT(i)
```

Bemærk at ovenstående pseudo-kode bruger samme konventioner som den i bogen og derfor skal justeres ligesom denne (dvs. ud fra punkterne 1-4 ovenfor).

Test

Du skal naturligvis afprøve din kode grundigt. Herunder skal du teste den med det udleverede program `PQSort`, der sorterer ved at lave gentagne `insert`'s i en prioritetskø, efterfulgt af gentagne `extractMin`'s.

Programmet `PQSort` læser (via filobjektet `sys.stdin`) fra standard input, der som default er tastaturet, og skriver til standard output, der som default er skærmen. Input til `PQSort` er en sekvens af tegn, som repræsenterer heltal, adskilt af newlines (dvs. ét tal pr. linie). Programmet skriver som output tallene i sorteret orden, adskilt af newlines.

Som eksempel kan `PQsort` kaldes således i en kommandoprompt:

```
python PQSort.py
34
645
-45
1
34
0
Control-D
```

(Control-D angiver slut på data under Linux og Mac, under Windows brug i stedet Control-Z) og giver så flg. output på skærmen:

-45
0
1
34
34
645

Ved hjælp af *redirection*¹ af standard input og output kan man i en kommandoprompt anvende *samme* program også på filer således:

```
python PQSort.py < inputfile > outputfile
```

Du skal inden aflevering på denne måde teste sortering af alle de udleverede datafiler. En vigtig grund til, at du skal afprøve ovenstående metode (med redirection i en kommandoprompt), er at programmerne skal kunne testes automatisk efter aflevering.

Formalia

Du skal kun aflevere din Python source-fil `PQHeap.py`. Den skal indeholde navnene og SDU-logins på gruppens medlemmer.

Filen skal afleveres elektronisk i *itslearning* i mappen Projekt (DM507 og DS814) under faneblad Ressourcer. Afleveringsmodulet er også sat ind i en *itslearning* plan i kurset.

Under afleveringen skal man erklære gruppen ved at angive alle medlemmernes navne. Man skal kun aflevere én gang per gruppe. Bemærk at man under aflevering kan oprette midlertidige “drafts”, men man kan kun aflevere *én gang*.

Aflever senest:

Mandag den 31. marts kl. 23:59.

Bemærk at aflevering af andres kode eller tekst, hvad enten det er fra medstuderende, nettet, generativ AI, eller andre steder fra, er eksamenssnyd, og vil blive behandlet efter gældende SDU regler. Man lærer desuden heller ikke noget. Kort sagt: bidrag til koden må kun komme fra de personer, hvis navne er nævnt i den afleverede fil.

¹Læs evt. om redirection på William Shotts’ website (med flere detaljer her), Wikipedia eller Unix Power Tools.